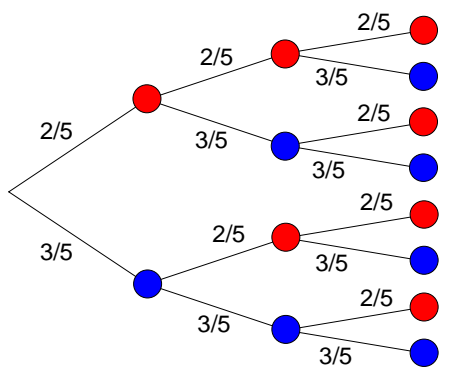
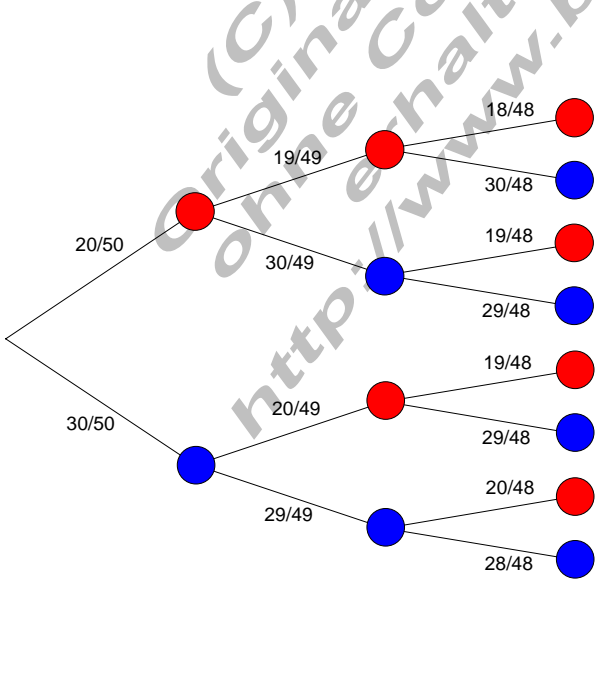


Lösungen Mehrstufige Zufallsversuche II

Ausführliche Lösungen:

A1	Ausführliche Lösungen	 $P(\{rrr\}) = \left(\frac{2}{5}\right)^3 = 0,064$ $P(\{rrb\}) = P(\{rbr\}) = P(\{brr\}) = \left(\frac{2}{5}\right)^2 \cdot \frac{3}{5} = 0,096$ $P(\{rbb\}) = P(\{brb\}) = P(\{bbr\}) = \frac{2}{5} \cdot \left(\frac{3}{5}\right)^2 = 0,144$ $P(\{bbb\}) = \left(\frac{3}{5}\right)^3 = 0,216$
a)	A: Alle Kugeln sind blau. $P(A) = P(\{bbb\}) = \underline{\underline{0,216}}$	
b)	B: Eine Kugel ist blau, zwei sind rot. $P(B) = P(\{rrb\}) + P(\{rbr\}) + P(\{brr\}) = 3 \cdot 0,096 = \underline{\underline{0,288}}$	
c)	C: Eine Kugel ist rot, zwei sind blau. $P(C) = P(\{rbb\}) + P(\{brb\}) + P(\{bbr\}) = 3 \cdot 0,144 = \underline{\underline{0,432}}$	
d)	D: Höchstens eine Kugel ist rot. Das bedeutet keine oder nur eine. $P(D) = P(\{bbb\}) + P(\{bbr\}) + P(\{brb\}) + P(\{rbb\}) = 0,216 + 3 \cdot 0,144 = \underline{\underline{0,648}}$	

A2	Ausführliche Lösungen	 $P(\{rrr\}) = \frac{20}{50} \cdot \frac{19}{49} \cdot \frac{18}{48}$ $P(\{rrb\}) = \frac{20}{50} \cdot \frac{19}{49} \cdot \frac{30}{48} = C$ $P(\{rbr\}) = \frac{20}{50} \cdot \frac{30}{49} \cdot \frac{19}{48} = \frac{30 \cdot 20 \cdot 19}{50 \cdot 49 \cdot 48}$ $P(\{rbb\}) = \frac{20}{50} \cdot \frac{30}{49} \cdot \frac{29}{48} = \frac{30 \cdot 29 \cdot 20}{50 \cdot 49 \cdot 48}$ $P(\{brr\}) = \frac{30}{50} \cdot \frac{20}{49} \cdot \frac{19}{48} = \frac{30 \cdot 20 \cdot 19}{50 \cdot 49 \cdot 48}$ $P(\{brb\}) = \frac{30}{50} \cdot \frac{20}{49} \cdot \frac{29}{48} = \frac{30 \cdot 29 \cdot 20}{50 \cdot 49 \cdot 48}$ $P(\{bbr\}) = \frac{30}{50} \cdot \frac{29}{49} \cdot \frac{20}{48} = \frac{30 \cdot 29 \cdot 20}{50 \cdot 49 \cdot 48}$ $P(\{bbb\}) = \frac{30}{50} \cdot \frac{29}{49} \cdot \frac{28}{48}$
----	-----------------------	---

A3	Ausführliche Lösungen
a)	<p>A: Drei von vier sind brauchbar. Das Baumdiagramm enthält 4 Pfade, die für das Ereignis A relevant sind.</p> $P(A) = 4 \cdot \frac{1}{5} \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^3 = 4 \cdot \frac{64}{625} = \underline{\underline{0,4096}}$
b)	<p>B: Zwei von vier sind brauchbar. Das Baumdiagramm enthält 6 Pfade, die für das Ereignis B relevant sind.</p> $P(B) = 6 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^2 \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^2 = 6 \cdot \frac{16}{625} = \underline{\underline{0,1536}}$
c)	<p>C: Mindestens drei von vier sind brauchbar. Das bedeutet drei oder mehr sind brauchbar.</p> $P(C) = P(A) + \left(\frac{4}{5}\right)^4 = 4 \cdot \frac{1}{5} \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^3 + \left(\frac{4}{5}\right)^4 = 4 \cdot \frac{64}{625} + \frac{256}{625} = \underline{\underline{0,8192}}$

A4	Ausführliche Lösungen
<p>Modell: Urne mit 20 roten (fehlerhaft) und 80 grünen (fehlerfrei) Kugeln. Viermal Ziehen ohne Zurücklegen.</p>	

A4	Ausführliche Lösungen
a)	A: Alle 4 Töpfe sind fehlerfrei Das Baumdiagramm enthält einen Pfad, für den das Ereignis A zutrifft. $P(A) = \frac{80}{100} \cdot \frac{79}{99} \cdot \frac{78}{98} \cdot \frac{77}{97} \approx \underline{\underline{0,4033}}$
b)	B: Drei der vier entnommenen Töpfe sind fehlerfrei. Das Baumdiagramm enthält 4 Pfade, die für das Ereignis B relevant sind. $P(B) = 4 \cdot \frac{20 \cdot 78 \cdot 79 \cdot 80}{97 \cdot 98 \cdot 99 \cdot 100} \approx \underline{\underline{0,4191}}$
c)	C: Mindestens drei der vier entnommenen Töpfe sind fehlerfrei. Das bedeutet drei oder mehr sind fehlerfrei. $P(C) = P(A) + P(B) = \frac{80}{100} \cdot \frac{79}{99} \cdot \frac{78}{98} \cdot \frac{77}{97} + 4 \cdot \frac{20 \cdot 78 \cdot 79 \cdot 80}{97 \cdot 98 \cdot 99 \cdot 100} \approx \underline{\underline{0,8224}}$

A5	Ausführliche Lösung
<p>Modell: Urne mit 1 roten (fehlerhaft) und 9 grünen (fehlerfrei) Kugeln. Dreimal Ziehen mit Zurücklegen.</p> <p>Begründung für mit Zurücklegen: Die Kontrollen geschehen unabhängig voneinander. Die Ausgangssituation vor jeder Kontrolle ist immer wieder die gleiche. (Übersehen des Fehlers 10%).</p>	<p>● Fehler wird entdeckt ● Fehler wird nicht entdeckt</p>

A5	Ausführliche Lösungen
a)	A: Spätestens bei der 2. Kontrolle erkannt bedeutet, der Fehler wird in der ersten oder in der zweiten Kontrolle erkannt. In der ersten Kontrolle erkannt: $P(1.) = \frac{9}{10} = 0,9$ In der zweiten Kontrolle erkannt: $P(2.) = \frac{1}{10} \cdot \frac{9}{10} = \frac{9}{100} = 0,09$ $P(A) = \frac{9}{10} + \frac{9}{100} = \underline{\underline{0,99}}$
b)	B: Erst bei der 3. Kontrolle erkannt. $P(B) = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{10} \cdot \frac{9}{10} = \frac{9}{1000} = \underline{\underline{0,009}}$
c)	C: Wird nicht erkannt. $P(C) = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{10} = \frac{1}{1000} = \underline{\underline{0,001}}$

A6	Ausführliche Lösungen	
a)	<p> ● Kontrolle bestanden ● Kontrolle nicht bestanden </p>	<p>1. Wahl: $0,75 \cdot 0,85 \cdot 0,8 = \underline{\underline{0,51}}$</p> <p>2. Wahl: $0,75 \cdot 0,85 \cdot 0,2 = 0,1275$ $0,75 \cdot 0,15 \cdot 0,8 = 0,09$ $0,25 \cdot 0,85 \cdot 0,8 = 0,17$</p> <p>Ausschuss : $0,75 \cdot 0,15 \cdot 0,2 = 0,0225$ $0,25 \cdot 0,85 \cdot 0,2 = 0,0425$ $0,25 \cdot 0,15 \cdot 0,8 = 0,03$ $0,25 \cdot 0,15 \cdot 0,2 = 0,0075$</p>
b)	$P(1. \text{Wahl}) = \underline{\underline{0,51}}$	
c)	$P(2. \text{Wahl}) = 0,1275 + 0,09 + 0,17 = \underline{\underline{0,3875}}$	
d)	$P(\text{Ausschuss}) = 0,0225 + 0,0425 + 0,03 + 0,0075 = \underline{\underline{0,1025}}$	

A7	Ausführliche Lösungen	
a)	$P(A) = \frac{4500}{10000} \quad P(B) = \frac{9500}{15000}$ $P(E_1) = P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B) = \frac{4500}{10000} \cdot \frac{9500}{15000} = \underline{\underline{0,285}}$	
b)	<p>Es liegt kein Gewinn vor, wenn man in Lotterie A und in Lotterie B nichts gewinnt.</p> <p>Dabei gilt: \bar{A} Niete in Lotterie A \bar{B} Niete in Lotterie B</p> $P(E_2) = P(\bar{A} \cap \bar{B}) = \frac{5500}{10000} \cdot \frac{5500}{15000} = \underline{\underline{0,202}}$	
c)	<p>E_3 ist das Gegenereignis von E_2</p> $P(E_3) = 1 - P(E_2) = 1 - 0,202 = \underline{\underline{0,798}}$	